

## SVETLOBNI FREKVENČNI PREMIK.

**UVOD:** V tej razpravi se bomo spoznali najprej z Dopplerjevim pojavom pri zvoku. To je pojav, da zaznava opazovalec O, ki se giblje, glede na zvočilo E z relativno hitrostjo  $v_r$ , zvok zvočila E frekvenčno premaknjenega. Z Dopplerjevim frekvenčnim premikom pri zvoku (DFP<sub>z</sub>) bomo nato primerjali Dopplerjev frekvenčni premik pri svetlobi (DFP<sub>s</sub>) in ugotovili razlike, ki obstajajo med njima. Najprej bomo obdelali DFP<sub>s</sub> v primeru, ko se nahajata tako opazovalec, kot svetilo E na Zemlji. Nato pa bomo razširili ta primer še na primer, ko se nahajata O in E daleč narazen, kot je to na primer v Vesolju.

Tako pri zvoku, kot pri svetlobi, bomo z E (= emiter) označili izvor zvoka, oziroma svetlobe, opazovalca, ki zvok, oziroma svetlobo, sprejema pa z O (= observer). Poleg tega bomo uporabljali še naslednje oznake: c za hitrost svetlobe,  $v_z$  za hitrost zvoka,  $v_e$  za hitrost s katero se giblje izvor E glede na medij zvoka na zveznici med E in O in  $v_o$  za hitrost, s katero se giblje opazovalec O glede na medij (glej sliko 1). Naša predpostavka pri tem je, da so  $v_z, v_e, v_o \ll c$  in da sta zvok in svetloba, ki ju oddaja izvor E, enofrekvenčna. Njuno frekvenco bomo označili s  $f_e$  opazovalec O pa bo to frekvenco zaznaval, glede na omeneno, kot frekvenco  $f_o$ .

Kot merilo frekvenčnega premika med  $f_e$  in  $f_o$  nam služi količnik

$$z = (\lambda_o - \lambda_e) / \lambda_e = (f_e - f_o) / f_o = (f_e / f_o) - 1 \quad (e.1).$$

**DOPPLERJEV POJAV PRI ZVOKU:** Po obširni, s sliko podprti razlagi v /1 na strani 168/, je rezultat Dopplerjevega pojava pri zvoku naslednji:

a.) Če izvor E **glede na snov (medij) miruje**, opazovalec O pa se mu približuje, glede na medij z radialno hitrostjo  $v_o \cos(\beta)$ , je:  $f_o = f_e(1 + v_o \cos(\beta) / v_z)$  (e.2a),

b.) Če opazovalec O **glede na snov (medij) miruje**, izvor E pa se mu približuje, glede na medij z radialno hitrostjo  $v_e \cos(\alpha)$ , je:  $f_o = f_e(1 - v_e \cos(\alpha) / v_z)$  (e.2b).

c.) Če se torej **glede na snov (medij) izvor E oddaljuje** od opazovalca O z radialno hitrostjo  $v_e \cos(\beta)$ , opazovalec O pa se od izvora E **oddaljuje** z radialno hitrostjo  $v_o \cos(\alpha)$ , kot je to prikazano v sliki 1, zaznava opazovalec O zvok, ki ga izvor E oddaja s frekvenco  $f_e$ , s frekvenco

$$f_o = f_e \{ 1 - [v_o \cos(\beta) - v_e \cos(\alpha)] / v_z \} \quad (e.3).$$

Če uvedemo (e.3) v (e.1), dobimo količnik z, ki ga označimo v tem primeru z DFP<sub>z</sub>.

d.) V primeru, ko se opazovalec O in izvor E drug drugemu radialno približujeta, oziroma se drug od drugega radialno oddaljujeta, sta kota  $\alpha$  in  $\beta$  stalno enaka 0. V tem primeru je DFP<sub>z</sub>, če se  $v_o$  in  $v_e$  s časom ne spreminjata, konstanten. Pri poševnem (neradialnem) relativnem gibanju O in E pa se kota  $\alpha$  in  $\beta$  tudi pri stalni hitrosti  $v_o$  in  $v_e$ , časom t neprestano spreminjata. Zato se v tem primeru s t spreminja tudi DFP<sub>z</sub>.

**DOPPLERJEV SVETLOBNI FREKVENČNI PREMIK NA ZEMLJI (DFP<sub>s</sub>):** Čeprav se zvok in svetloba prenašata oba kot valovanje, je vendarle med njima precej razlik. Medtem, ko se prenaša zvok z longitudinalnim valovanjem medija, ki ga tvorijo molekularni delci snovi, s fazno hitrostjo  $v_z$ , se prenaša svetloba s fotoni. Ti so paketi (valčki) transverzalnega elmg. valovanja, izloča pa jih svetilo E. Fotoni potujejo do opazovalca O s hitrostjo c, podobno kot deževne kapljice. Njihova gibalna energija je, če opazovalec miruje  $W_f = hf_e$ . Če pa ima opazovalec O v trenutku trka z njimi relativno hitrost  $v_r = v_e + v_o$  glede na svetilo E, je gibalna energija fotonov (oziroma frekvenca) zanj od navedene večja ali manjša, podobno kakor je tudi gibalna energija deževnih kapljic ob trku z opazovalcem O odvisna od relativne hitrosti opazovalca O glede na oblak, ki jih izloča. Pri svetlobi pa je potrebno poleg tega upoštevati še, da opazovalec O meri svoj čas  $\tau$  drugače, kakor teče čas t na svetilu E, zveza med t in  $\tau$  pa je:  $\tau = t / \gamma$ .

Ko upoštevamo vse to, sledi:  $h(f_o / \gamma - f_e) = (hf_o / c) v_r \cos(\varphi) \approx f_o / (\gamma f_e) - 1 = (v_r / c) \cos(\varphi)$ ,

oziroma

$$f_0 = \gamma f_e [1 + (v_r/c) \cos(\varphi)] \quad (e.5),$$

pri čemer so: a.)  $\gamma = [1 + v_r^2 \cos^2(\varphi)/c^2]^{-1/2}$  (e.6), b.)  $v_r = v_r(t) = v_o(t_o) - v_e(t_e) \cdot v_r(t_e) = v_o(t_e) - v_e(t_e)$  (e.7) absolutna vrednost relativne hitrosti opazovalca O glede na oddajnik E in c.)  $\varphi$  kot, ki ga vektor hitrosti  $v_r$  oklepa z vektorjem hitrosti  $c$  (glej sliko 1). Rezultat (e.5) je identičen rezultatu  $v/2$  na strani 72/ in  $v/8$ , str. 52-55/.

Povzetek: Medtem, ko sta za **DFP<sub>z</sub> pomembni radialni hitrosti O in E glede na prenosni medij** na zveznici med E in O (tega lahko imenujemo tudi eter), je za **svetlobni Dopplerjev frekvenčni premik DFP<sub>s</sub> pomembna relativna hitrost  $v_r = v_e - v_o$  opazovalca O glede na izvor E**. Svetloba se namreč ne prenaša z valovanjem medija, kakor se prenaša zvok. Medij za svetlobo so fotoni, katere **seva** svetilo. Razliko med parametri od katerih zavisita DFP<sub>z</sub> in DFP<sub>s</sub>, kaže slika 2. Konec povzetka.

Opisana razlika med DFP<sub>z</sub> in DFP<sub>s</sub> temelji na ugotovitvah do katerih sta prišla leta 1881 **Michelson in Morley** s svojim svetlobnim interferometrom /glej 3, str. 377 in 4, str.381/. Zaradi gibanja Zemlje okoli Sonca glede na mirujoči medij (eter), sta pričakovala imenovana, podobno kakor pri zvoku, tudi pri svetlobi frekvenčni premik, če se glede na medij E in O premikata. Ker pa v tem primeru podobnega medija kakor pri zvoku ni, svetilo E in opazovalec O pa v njunem poiskusu (MMP) relativno drug na drugega **mirujeta**, frekvenčnega premika DFP<sub>s</sub> nista ugotovila.

Na Zemlji pa obstajajo tudi primeri, ki se od opisanega MMP razlikujejo. Tak primer so **mobilne radijske zveze (MRZ)**, pri katerih se relativno drug glede na drugega O in E premikata. V tem primeru pa pri prenosu radijskega signala pride poleg zakasnitve  $\Delta t = D/c$  po (e.5) tudi do frekvenčnega premika

$$DFP_s = f_e/f_0 - 1 \quad (e.8),$$

Oba, zakasnitev in premik pa morajo načrtovalci radijskih zvez pri načrtovanju zvez upoštevati..

Po enačbah (e.5) in (e.8) dobimo pri  $v = 1 v_r$  odvisno od  $\varphi$  različne vrednosti DFP<sub>s</sub>, in sicer

$$\text{za } \varphi = 0: \quad DFP_s = [(1 + v/c)/(1 - v/c)]^{-1/2} - 1 \quad (e.9a),$$

$$\text{za } \varphi = \pi/2: \quad DFP_s = [1 - (v/c)^2]^{-1/2} - 1 \quad (e.9b),$$

$$\text{za } \varphi = \pi: \quad DFP_s = [(1 - v/c)/(1 + v/c)]^{-1/2} - 1 \quad (e.9c).$$

Iz tega pa vidimo, da je pomembna **razlika** med DFP<sub>z</sub> in DFP<sub>s</sub> tudi v tem, da je pri  $\varphi = \pi/2$ : DFP<sub>z</sub> = 0, medtem ko je DFP<sub>s</sub> ...0.

### GRAVITACIJSKI SVETLOBNI FREKVENČNI PREMİK NA ZEMLJI (GFP):

Poleg DFP<sub>s</sub> imamo **neodvisno** od tega pri svetlobi še mikro gravitacijski svetlobni frekvenčni premik GFP<sub>s</sub>. GFP<sub>s</sub> je bil potrjen v primeru, ko sta svetilo E in opazovalec O, drug glede na drugega relativno mirovala, svetloba pa je morala na poti od E proti O premagati višinsko razliko H. GFP<sub>s</sub> nastane kot posledica Zakona o ohranitvi energije (ZOE). Določimo ga iz enačbe:  $\Delta K + \Delta P = 0$ , iz katere sledi:  $hf_e - hf_o = (GMh/c^2)(f_e/R_e - f_o/R_o)$  (e.10). V tej enačbi predstavljajo: M maso nebesnega telesa, to je Zemlje, R<sub>e</sub> oddaljenost svetila E od težišča Zemlje, R<sub>o</sub> > R<sub>e</sub> pa oddaljenost opazovalca O od težišča Zemlje. Iz enačbe (e.10) sledi potem, ko uvedemo okrajšavi  $2GM/c^2 = R_s$  in  $\Delta R = R_o - R_e$ :

$$(f_e - f_o)/f_o = (R_s/2)[(f_e/f_o)/R_e - 1/R_o] = (R_s/2)[(f_e/f_o)R_o - R_e]/(R_e R_o) = \\ = [R_s/(2R_o)][(f_e/f_o)(R_e + \Delta R) - R_e]/R_e,$$

in po upoštevanju (e.1):

$$z = [R_s/(2R_o)][z + (z + 1)\Delta R/R_e] \text{ } \delta z[1 - R_s/(2R_o) - (R_s \Delta R)/(2R_o R_e)] = (R_s \Delta R)/(2R_o R_e).$$

Iz zadnjega izraza pa dobimo

$$GFP_s = z = [R_s \Delta R/(2R_o R_e)]/[1 - R_s/(2R_o) - (R_s \Delta R)/(2R_o R_e)] = \\ = \Delta R/[2(R_o/R_s)(R_e - R_s)] \text{ } \$0 \text{ za } R_e, R_o \text{ } \$R_s \quad (e.11)$$

Pri  $R_e \cdot R_o = R \gg 2GM/c^2 = R_s$  in  $R_o - R_e = H$  preide zgornji izraz v:  $GFP_s = HR_s/(2R^2) = gH/c^2$  (e.12), pri čemer je  $g = GM/R^2$ .

**KOZMOLOŠKI SVETLOBNI FREKVENČNI PREMİK (KFP):** Da bi bolje razumeli frekvenčni premik svetlobe, ki nastane v Vesolju, to je kozmološki svetlobni frekvenčni premik KFP, se najprej pogledimo in primerjajmo frekvenčne premike svetlobe v naslednjih primerih:

1.) E in O se nahajata na Zemlji in drug glede na drugega relativno mirujeta, glede na Zemljo pa je sevanje radialno. Po (e.12) je v tem primeru:  $z = GFP_s = gH/c^2$ , pri čemer je v tem primeru višinska razlika H med O in E tudi razdalja D med njima.

2.) E in O se nahajata na Zemlji in drug glede na drugega relativno mirujeta, glede na Zemljo pa je sevanje tangencialno. V tem primeru je  $z = 0$ , ker potuje svetloba na konstantni oddaljenosti od Zemeljskega središča, potovalni čas  $t_p = D/c$  pa je  $< 250$  ms (tolikšen je  $t_p$  pri radijskih satelitskih zvezah). Zaradi tega je tudi polmer Vesolja  $R = R(t)$  praktično konstanten.

3.) E in O se nahajata na Zemlji in se drug glede na drugega relativno gibljeta s hitrostjo v, sevanje pa je, kot v predhodnem primeru, glede na Zemljo tangencialno. Po (e.9a) je v tem primeru:  $z = DFP_s = [(1 + v/c)/(1 - v/c)]^{-1/2} - 1$ .

4.) Samo O se nahaja na Zemlji, E pa se nahaja v Vesolju. Ta primer se torej razlikuje od predhodnih po večji oddaljenosti  $D = c \cdot \Delta t = 3 \cdot 10^8 \text{ (m/s)} \cdot t_p$  svetila E od opazovalca O, saj je čas potovanja fotonov  $t_p = \Delta t$  od nebesnih teles do opazovalca na Zemlji več milijonov in milijard let. V takih okoliščinah pa je potrebno upoštevati globalne Vesoljske razmere katerim je izpostavljen foton, ko potuje od E proti O. Značilno za te razmere je **povezanost**  $DFP_s$  in  $GFP_s$  preko (e.14), ki temelji na Zakonu o ohranitvi energije (ZOE), ki mora biti pri širjenju Vesolja izpolnjen. Na Zemlji ni namreč vedno tako. Tam je gibanje opazovalca običajno povzroča opazovalec sam. Kot tak primer navedemo lahko primer, ko se opazovalec O nahaja v dvigajočem ali v spuščajočem se letalu. Vesolju pa O na gibanje E in O ne more vplivati. Zato sta  $DFP_s$  v Vesolju, ki ga označimo z  $DFP_v$  in  $GFP_s$ , ki ga označimo z  $GFP_v$ , povezana.

Svetilo E v Vesolju izseva foton proti opazovalcu O na Zemlji pravokotno na smer svojega radialnega oddaljevanja od Velikega poka (VP) ob času  $t = t_e$  od VP (glej sliko 2.). Med tem, ko potuje foton proti opazovalcu O, se vsi trije, foton, E in O, radialno oddaljujejo od VP. Foton doseže opazovalca O v trenutku  $t = t_o = t_e + D/c$  in sicer tudi iz smeri, ki je pravokotna na smer njegovega radialnega oddaljevanja od VP. Pot fotona (svetovnico) z dolžino D kaže pri tem slika 2. Ta prikazuje časovni prerez Vesolja skozi njegovo središče VP. Svetovnica (tirnica) fotona v tej sliki je lok krožnice med E in O, ki ima premer  $2R_o$ . Ko tirnico fotona izravnamo v premico, dobimo situacijo, ki jo prikazuje slika 3.

Če predpostavimo, da je naše Vesolje velika črna luknja (VČL), o čemer ob Velikem poku (VP) niti ne dvomimo, povezuje po // polmer  $R = R(t)$  in radialno ekspanzijsko hitrost  $v_R(t) = dR/dt$  mase Vesolja v času t po VP, oziroma gravitacijski potencial  $\Phi = \Phi(R) = (GM/R)(R/R_s)^3 = (c^2/2)(R/R_s)^2$  (e.13) Vesolja, naslednja diferencialna enačba:

$$(v_R/c)^2 + (R/R_s)^2 = 1 \text{ (e.14),}$$

V tej enačbi predstavlja c konstanto  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s in

$$R_s = 2GM/c^2 \text{ (e.15)}$$

Schwarzschildov polmer Vesolja.

Iz (e.14) sledi za  $v_R(t)$

$$v_R(t)^2/c^2 = [1 - (R/R_s)^2] \text{ (e.16),}$$

rešitev diferencialne enačbe (e.14) pa nam da, če vpeljemo še  $R_s = ct_m/\pi$  (e.17) in  $D = ct$  (e.18)

$$R = R(t) = R_s \sin[\pi t/(2t_m)] = R_s \sin[\pi D/(2R_s)] \text{ (e.19),}$$

Med oddaljevanem E, fotona in O od VP raste vsem omenjenim trem potencialna energija P na račun njihove gibalne energije K. Pri fotonu gre to na račun njegove frekvence f, pri E in O pa na račun njunih radialnih hitrosti  $v_R = dR/dt = v_R(t) = v_R(R)$ . Med potovanjem fotona po

Vsemirju se frekvenca fotona torej zmanjšuje zaradi gravitacijskega frekvenčnega premika . Ko pa zadane ta foton opazovalca O, je zanj njegova frekvenca  $f = f_0$  odvisna še od relativne hitrosti opazovalca O glede na sveto E. Iz slike 3 lahko vidimo, da je relativna hitrost  $v_r$  med E in O **pravokotna** na smer potovanja fotonov med E in O in enaka

$$v = v_r = v_R(t=t_e) - v_R(t=t_o) \quad (e.20).$$

Kozmološki frekvenčni premik KFP je torej **vsota** obeh vesoljskih frekvenčnih premikov, Dopplerjevega  $DFP_v$  in gravitacijskega  $GFP_v$  . Totej je

$$z = KFP = DFP_v + GFP_v \quad (e.21).$$

Ob upoštevanju (e.18) in (e.16) v enačbi (e.9b) je  $DFP_v$  :

$$DFP_v = \{1 - [c(1 - R_e^2/R_s^2)^{1/2} - c(1 - R_o^2/R_s^2)^{1/2}]^2/c^2\}^{-1/2} - 1 \quad (e.22).$$

To je kar zapletena zveza med  $z$ ,  $R_o$  in  $R_e$  , ki pa se poenostavi, če zaradi  $v_R(t_o) \ll c$ , postavimo v primerjavi z  $v_R(t_e)$ :  $v_R(t_o) \cdot 0$  in posledično tudi  $R_o \cdot R_s$  . Če označimo še z  $\Delta R = R_o - R_e$  tako dobimo

$$DFP_v \cdot \{1 - [c(1 - R_e^2/R_s^2)^{1/2}]^2/c^2\}^{-1/2} - 1 = R_s/R_e - 1 \cdot \Delta R/R_e \quad (e.23)$$

$GFP_v$  pa moramo v notranjosti VČL pri  $R_e$  ,  $R_o \neq R_s$  izračunati s pomočjo enačbe (e.14). Enačba (e.11) za  $GFP_v$  se namreč nanaša na primer, ko sta  $R_e$  ,  $R_o \neq R_s$  in za ta primer torej ne velja. Iz (e.14) tako sledi

$$hf_e - hf_o = (GMh/c^2)(R_o/R_s)^2(f_o/R_o - f_e/R_e) = h[1/(2R_s)][(f_o(R_e + \Delta R) - f_e/R_e)] \quad (e.24)$$

in po deljenju s  $hf_o$

$$(f_e - f_o)/f_o = [1/(2R_s)][R_e + \Delta R - (f_e/f_o)R_e] = [1/(2R_s)][\Delta R - (f_e/f_o - 1)R_e],$$

$$z + z[R_e/(2R_s)] = \Delta R/(2R_s) \quad \text{in} \quad z[(2R_s + R_e)/(2R_s)] = \Delta R/(2R_s).$$

Odtod pa lahko zapišemo končno

$$GFP_v = \Delta R/(2R_s + R_e) \quad (e.26)$$

Če vstavimo sedaj (e.23) in (e.26) v (e.21), dobimo za KFP:

$$KFP = DFP_v + GFP_v \cdot \Delta R/R_e + \Delta R/(2R_s + R_e) = \Delta R/R_e \cdot R_s/R_e - 1 \quad (e.27),$$

ob upoštevanju (e.19) pa še

$$KFP = 1/\sin[\pi t_e/(2t_m)] - 1 = 1/\sin[\pi(t_m - D/c)/(2t_m)] - 1 =$$

$$= 1/\sin[\pi/2 - \pi D/(2ct_m)] - 1 = \{1/\sin[\pi/2 - D/R_s]\} - 1 \quad (e.28)$$

Iz zadnje enačbe sledi

$$\pi/2 - D/R_s = \arcsin[1/(KFP + 1)] \quad (e.29)$$

od tod pa končno naslednja zveza med D in KFP:

$$D \cdot R_s \{ \pi/2 - \arcsin[1/(KFP + 1)] \} \quad (e.30a).$$

S pomočjo te zveze lahko določamo oddaljenost svetil E v Vesolju od Zemlje iz frekvenčnega premika KFP značilnih frekvenčnih vzorcev svetlobe, proti tem vzorcem, ki prihajajo svetila na Zemlji. Točna oblika enačbe (e.30a) se glasi

$$D = c(t_o - t_e) = \pi R_s [\arcsin(R_o/R_s) - \arcsin(R_e/R_s)] \quad (e.30b).$$

Če postavimo sveto E v točko VP, je  $R_e = 0$ . V tem primeru dobimo po (e.27):  $KFP = 4$ . Ker je v tem primeru  $\arcsin(0) = 0$ , sledi po (e.29):  $D = \pi(R_s/2)$ . To se ujema tudi s sliko 3. Ko pa postavimo  $R_e = R_o$ , je po (e.27):  $KFP = 0$ . V tem primeru je  $\arcsin(1) = \pi/2$  in po (e.29):  $D = 0$ . Enačba (e.30a) torej izpolnjuje pravilno robne pogoje. Za  $KFP \gg 1$  pa lahko (e.30a) nadomestimo tudi z enačbo

$$D \cdot R_s \{ \pi/2 - 1/(KFP + 1) \} \quad (e.30c).$$

Pravilnost te pomembne enačbe (e.30) lahko verificiramo z določitvijo oddaljenosti D nekega sevala E v Vesolju na dva različna načina: na primer a.) s pomočjo (e.30) in b.) trigonometrično s pomočjo paralakse. Na žalost pa slednja metoda s pomočjo paralakse pri  $D > 1$  pc (parsec) =  $3,086 \cdot 10^{13}$  km = 3,262 sv. let ni več uporabna, uporabnost enačbe (e.30) pa z zaznavnim KFP tedaj šele prične. Enačbo (e.30) lahko tako verificiramo samo s pomočjo zvezd v naši galaksiji, to pa je relativno blizu, ko moti rezultat gravitacija galaksije. .

Š dva avtorja /5,6/ sta se lotila problema iskanja odvisnosti svetlobnega frekvenčnega premika svetila E v Vesolju od oddaljenosti D. Oba pa sta se lotila tega problema nekoliko drugače, kakor mi na tem mestu. Obadva sta se namreč postavila na stališče, da opazovalec O živi v prostoru napolnjenem s telesi z mirovno maso, v katerem velja za razdaljo ds Robertson-Walkerjev metrik (RWM). Ta ima v polarnem koordinatnem sistemu ( $\sigma, \theta, \varphi$ ) obliko

$$ds^2 = (cdt)^2 + \dot{u}(t)^2 \{ d\sigma^2/(1 - K\sigma^2) + \sigma^2 [d\theta^2 + \sin^2(\theta)d\varphi^2] \} \quad (e.31).$$

V njem predstavljajo:  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s konstanto,  $\dot{u}(t)$  časovno funkcijo širjenja masnega prostora in K konstanto, ki določa način ukrivljenosti prostora. Za zaprti konveksni prostor je  $K = -1$ , za raven prostor je  $K = 0$ , za odprti konkavni prostor pa je  $K = 1$ . Torej daje enačba (e.31) metrik v odvisnosti od še odprte časovne funkcije  $\dot{u}(t)$  širjenja (masnega) prostora. Tako na primer lahko postavimo, da je po enačbi (e.19):  $\dot{u}(t) = R(t) = R_s \sin[\pi t/(2t_m)] \cdot R_s[\pi t/(2t_m)]$  za  $t \ll t_m$ , oziroma razdalje  $D \ll R_s$ . Torej lahko na razdaljah  $D \ll R_s$  ukrivljenost prostora tudi zanemarimo. Takrat je prostor raven. V takem prostoru pa je:  $\dot{u}(t) = 1 = \text{konst}$  in  $K = 0$ . V takem prostoru je bil izveden tudi Michelson-Morleyevga poizkusa in v takem prostoru se odvijajo tudi mobilne radijske zveze na Zemlji. Pri velikih oddaljenostih D med E in O, kakršne nastopajo v Vesolju, pa ukrivljenosti prostora ne moremo več zanemarjati.

Za svetlobni žarek (foton), ki prihaja od svetila E iz Vesolja do opazovalca O na Zemlji radialno, to je pri  $\theta$  in  $\varphi = \text{konst}$  (ali 0) sledi na osnovi (e.31) iz /5/

$$\lambda_0/\lambda_e = \text{KFP} + 1 = \dot{u}(t_0)/\dot{u}(t_e) \quad (e.32).$$

Medtem, ko se prvi avtor v /5/ pri izrazu (e.32) ustavi in s tem svojo razpravo o KFP konča, ne da bi se spuščal v opredelitev funkcije  $\dot{u}(t)$ , pa drugi avtor v /6/ to razpravo nadaljuje. Namesto funkcije  $\dot{u}(t) = R(t)$  po (e.19) pa uporabi pri tem enačbi (e.19) alternativno enačbo de Sitterjevega modela Vesolja, ki se glasi

$$\dot{u}(t) = \kappa(t/t_0)^{2/3} \quad (e.34).$$

V njej je  $\kappa$  konstanta, ki je od t neodvisna.

Nedostatek funkcije (e.34) pa je, da je  $d\dot{u}(t=0)/dt = 4$ . To pomeni, da ta funkcija **ne izpolnjuje zahteve Einsteinove relativostne teorije**, po kateri nobena hitrost ne more biti večja od svetlobne hitrosti. Odvod funkcije  $\dot{u}(t)$ , ki ustreza takemu pogoju bi moral biti tako, kakor v primeru enačbe (e.19):  $d\dot{u}(t)/dt \neq c$ .

Neizpolnitev zgornjega pogoja je tudi vzrok za to, da avtor v /6/ ugotovi, da (e.34) v povezavi z (e.32) ni v redu in jo je zato potrebno popravljati. Pri tem pa avtor niti najmanj ne podvomi v ustreznost funkcije širjenja (e.34). Neposreden vzrok za potrebo po popravljanju funkcije (e.34) v povezavi z (e.32) najde v izračunu, ki ga napravi s pomočjo enačbe (e.9a). S pomočjo te enačbe oceni namreč odmično hitrost  $\alpha_{v_R}$  galaksije, katere svetloba je frekvenčno premaknjena za  $\text{KFP} = 1$ . Na osnovi (e.9a) dobi v tem primeru, da se odmika ta galaksija od nas s hitrostjo  $\alpha_{v_R} = 0,6 c$ . S tako vrednostjo določi s pomočjo Hubblovega zakona nato oddaljenost  $D = \alpha_{v_R}/H$  te galaksije od Zemlje in ugotavlja, da je ta oddaljenost prevelika. Prevelika je zato, ker leži ta galaksija že skoraj izven Vesolja, saj je njena oddaljenost od Zemlje že skoraj tako velika, kakor je od nas oddaljen VP. Tako se postavlja vprašanje, kje ležijo v tem primeru galaksije, katerih svetlobo na Zemlji sprejemamo s  $\text{KFP} \gg 1$ .

Avtorju v /6/ je to zadosten znak, da s funkcijo (e.34) v povezavi z (e.32) **nekaj ni v redu**, zaradi česar je funkcija (e.34) nujno potrebna popravila. Pri tem ne dvomi v pravilnost izbora (e.34) za  $\dot{u}(t)$ , čeprav bi to lahko, če bi prebral /7/. Zato pa si bralec, **poleg dvoma v pravilnost izbora (e.34) za  $\dot{u}(t)$** , postavlja še naslednja vprašanja:

a.) Zakaj avtor v /6/ izenači celotni KFP samo z  $\text{DFP}_v$ , o  $\text{GFP}_v$ , pa nič, kakor da ta sploh ne obstaja. Vprašanje o  $\text{GFP}_v$  ostaja tako za bralca ves čas neprijetno odprto.

b.) Zakaj avtor v /6/ za določitev odmične hitrosti enačbo (e.9a) in ne (e.9b), čeprav bi bila slednja primernejša in pravilnejša. Enačba (e.9a) se namreč nanaša na kot  $\varphi = 0$  med gibanjem opazovalca O in gibanjem fotona. Torej zajema samo tangencialno komponento radialnih

odmičnih hitrosti  $v_o$  in  $v_e$  O od E. Glede na sliko 2 pa je ta

$$d(\Delta s)/dt = d(\alpha R)/dt = \alpha DR/dt = \alpha v_R(t) = \alpha(v_o - v_e) \cdot \alpha v_e \quad (e.35).$$

Kot vidimo je torej odvisna od kota  $\alpha = D/(2\pi R)$ , oziroma od razdalje  $D$ . To pa je neugodno, ker ta odmična komponenta ne velja za poljubni  $\alpha$ , oziroma za poljubni  $D$ , kakor jo avtor v /6/ tudi uporablja. Ustreznejše in pravilnejše bi bilo upoštevati, da sta odmični hitrosti  $v_R$  opazovalca O in sevala E na smer gibanja fotona med njima pravokotni ( $\varphi = \pi/2$ ) in neodvisni od od kota  $\alpha$  v sliki 2. Po (e.9b), ki velja za kot  $\varphi = \pi/2$ , pa dobimo v primeru  $KFP = 1$ :  $v_R/c = [1 - 1/(KFP+1)^2]^{1/2} = 0,86$ .

c.) Zakaj avtor v /6/ uporablja pri tako veliki odmični hitrosti, kot je  $\alpha v_e = 0,6 c$ , za določitev razdalje  $D$  Hubblov zakon  $D = \alpha v_R/H$ , ko vendar  $v_e$ , lahko z njim določamo približno razdalje  $D$  le v primeru  $v_e/c \ll 1$ .

Med drugim avtor v /6/ operira tudi z različnimi pojmi za oddaljenost  $D$  med E in O, kot sta to a.) oddaljenost  $D = D_e$  opazovalca O od svetila E ob  $t = t_e$  in b.) oddaljenost

$$D = D_o = 3ct_o[1 - (1+z)^{-1/2}]$$

opazovalca O od svetila E ob  $t = t_o$ , ki je analogija (e.3ob). S tem pa bralca, ki si oddaljenost med E in O v določenem trenutku predstavlja kot enostaven produkt  $D = c(t_o - t_e)$  (e.36), bega. Izraz  $D = c(t_o - t_e)$  je za bralca res enostaven, če je svetlobna hitrost  $c$  v Vesolju konstanta  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s, ki je neodvisna od  $t$ . Na žalost pa avtor to **zanika**. To pa je v bistvu srž njegove razprave, saj je to tudi povzetek v zaključku njegove razprave. Do takega zaključka pa avtor ne bi prišel, ampak bi prišel do ravno nasprotnega, to je, da je  $c$  v Vesolju stalnica, če bi svetlobno hitrost  $c$  fotona in hitrot  $\alpha v_e$ , s katero se E in O razmikata lokalno, to je ob poljubnem  $t$ , sešteval relativistično. Avtor pa ju zavestno sešteva nerelativistično. Zakaj? Ali morda zato, ker meni, da je prostor v Vesolju glede na Veliki pok absoluten. Torej se lahko širi tudi z večjo hitrostjo kakor relativni, ki se lahko širi le s hitrostjo  $v \neq c$ ? Zakaj sešteva hitrosti tako na žalost nikjer natančno ne obrazloži in utemelji, čeprav bi bilo to za preprostega bralca, kateremu so v šoli zabijali v šoli v glavo, da je svetlobna hitrost  $c$  največja hitrost v naravi, nujno potrebno. Ker pa take obrazložitve ni, je prepuščen na koncu razprave samo kratkim, golim in šokantnim sklepomi ter samemu sebi, da jih prebavi.

Najbolj šokanten je pri tem je prvi sklep. Ta pravi, **da svetloba v praznem prostoru (glede na Zemljo?) ne potuje vselej s hitrostjo  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s**. Pomeni to, da  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s ni največja hitrost, s katero svetloba potuje v praznem prostoru, oziroma hitrost, s katero se pretvarja el. energija v mg. in obratno? Če se ta hitrost z vrednostjo  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s, ki nastopa tudi v številnih enačbah, v Vesolju spreminja, se spreminja tudi energija  $W = Mc^2$  mase  $M$ . Torej ni več konstanta, če pa ni, tudi Zakon o ohranitvi energije na večje razdalje več ne velja. Ima svetloba hitrost velikost  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s samo pri polmeru Vesolja  $R = R(t_o)$ , sicer pa je brez omejitev? Kaj se spreminja pri fotonu, ko potuje skozi (gravitacijsko) potencialno polje razmikajočega se Vesolja: **hitrost ali frekvenca?** Zakaj naj bi razmikanje E in O med tem, ko foton potuje od E k O imelo na hitrost fotona kakšen vpliv in naj bi se odmična hitrost prištevala k  $c$ , saj se oddaljenost med E in O povečuje na koncu poti? Skratka, vprašanj, ki služijo lahko ob tem sklepu kot izhodišče za razpravo, je, kot vidimo, več kot dovolj.

Šokanten pa je tudi drugi sklep. Ta pravi, **da se Vesolje lahko širi tudi s hitrostjo večjo od  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s**. Ker nam predstavlja Vesolje njegov masni del, masa pa se giblje lahko le s hitrostjo  $v_r = dR(t)/dt < c = 3 \cdot 10^8$  m/s, pričakujemo torej, da se Vesolje ne more širiti s hitrostjo večjo od  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s, kakor navaja ta sklep.

**ZAKLJUČEK:** Pričujoča obdelava se od obdelave /6/ v marsičem razlikuje. Bistvene razlike med obema obdelavama pa so naslednje:

a.) Ta obdelava temelji na predpostavki, da je svetlobna hitrost v celotnem Vesolju stalnica  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s, ki je nobena hitrost, tudi radialno širjenje  $v_R(t)$ , Vesolja nikoli in nikjer ne preseže,

obdelava v /6/ pa v Vesolju predpostavlja spreminjanje svetlobne hitrosti.

b.) Ta obdelava predpostavlja, da se nebesna telesa nahajajo v notranjosti Vesoljske črne luknje, obdelava /6/ pa temelji na Friedmannovi enačbi, ki predpostavlja, da se nebesna telesa nahajajo zunaj Schwarzschildovega polmera  $R_s$ .

c.) Po enačbi (e.30b), ki je rezultat te obdelave ležijo vsa nebesna telesa, ki jih vidimo, v notranjosti Vesolja. Za to ni potrebno te (e.32) nič popravljati, kakor je potrebno enačbo (e.34) v povezavi z enačbo (e.32), da se to zagotovi.

#### NAVEDENA LITERATURA:

- 1.) Janez Strnad: Fizika I, DMFA Ljb. 2002,
- 2.) Janez Strnad: Fizika III, DMFA Ljb. 2002,
- 3.) Janez Strnad: Astronomija in optika, Spika, sept. 2004, o
- 4.) M. Adlešič in O. Sajovic: Fizika,
- 5.) Ivan Pucelj: Rdeči premik, Spika, oktober 2004,
- 6.) Janez Strnad: Svetloba v vesolju, Spika, junij 2001.
- 7.) Beno Pehani: Vesolje kot velika črna luknja.
- 8.) S.T. Thornton, A. Rex: Modern Physics, Saunders College Publishing 2000.
- 9.) Janez Strnad Fizika II, DMFA Ljb.5.natis.
- 10.) Vladis Vujovič: Astronomija I,II, Školska knjiga Zgb. 1990.
- 11.) Zakaj je nebo modro?, zal. Krt, Ljb. 2004.
- 12.) Janez Strnad: Razvoj fizike, DZS 1996.
- 13.) S.Hawking: On the Shoulders of Giants, Penguin books 2002.

EPILOG O INVARIANTNOSTI SVETLOBNE HITROSTI  $c$ : Michelson-Morleyev poiskus je pokazal, da je svetlobna hitrost (fotonov)  $c$  na Zemlji ena od redkih **absolutnih** količin, ker ni odvisna od (relativne) hitrosti  $v_r$  masnih delcev in teles. Torej ni odvisna tudi od relativne hitrosti opazovalca  $O$  glede na sevalo  $E$ , ki seva fotone. Večina ostalih količin (parametrov) energetskih delcev (ED) je namreč **relativnih**. To pomeni, da so vrednosti teh parametrov, ki jih opazovalec  $O$  iz mase občuti ob interakciji z njimi, odvisne tudi od parametrov opazovalca  $O$  in ne samo od parametrov ED. Svoje parametre in parametre ED lahko ugotavlja opazovalec  $O$  iz odnosa obeh proti tretjemu, referenčnemu telesu  $O_3$ . Nabor parametrov ED je pri tem odvisen od tega, ali ima ED mirovno maso (te delce označimo z MED), ali pa je nima (te delce označimo kot fotone ali FED). Če naštejemo nekaj relativnih parametrov ED, potem so to: a.) frekvenca  $f$  FED, b.) hitrost  $v = v_r$  in mirovna masa  $m = m_0/(1 - v^2/c^2)^{1/2}$  (e.40) MED ter c.) gibalna količina  $p = hf/c = mv$  (e.41) in gibalna energija  $K = hf = \gamma m_0 v^2/2$  (e.42) MED in FED.

Če je svetlobna hitrost  $c$  absolutna količina (konstanta), potem deluje gravitacijska privlačna sila  $GPS = m.a = m_0(dv/dt)/(1 - v^2/c^2)^{1/2}$  (e.43) na MED, ki se gibljejo s hitrostjo  $v < c$ , drugače, kakor deluje  $GPS = GMhf/(cR)^2$  (e.44) na FED. Medtem, ko MED pospešuje, pa FED ne pospešuje. Pospešek FED je  $a = dv/dt = 0$ , čeprav je  $GPS = m_0(dv/dt)/(1 - v^2/c^2)^{1/2} = 0/0 = GMhf/(cR)^2 \dots 0$  (e.45). GPS lahko torej v primeru FED spreminja, če ne deluje v smeri njegovega gibanja, le smer gibanja fotona, ne more pa spremeniti njihove absolutne vrednosti. To sledi tudi iz **splošne relativistične enačbe** za relativno hitrost  $v_{12}$  teles  $O_1$  in  $O_2$  z mirovnima masama. Ta je relativistična vsota (razlika) relativnih hitrosti, ki se glasi v

$$(v_{12}/c) = \{[1 - (v_1/c)(v_2/c)]^2 - [1 - (v_1/c)^2][1 - (v_2/c)^2]\}^{1/2}/[1 - (v_1/c)(v_2/c)] \quad (e.46).$$

V tej enačbi sta  $v_1 = v_{13}$  in  $v_2 = v_{23}$  relativni hitrosti teles  $O_1$  in  $O_2$  glede na telo  $O_3$  z maso veljajo pa še naslednje oznake:  $*v_1 \delta^* = v_1$ ,  $\theta$  je kot med  $v_1 \delta$  in  $v_2 \delta$ , skalarni produkt  $v_1 \delta v_2 \delta$  pa je  $v_1 \delta v_2 \delta = v_1 v_2 \cos(\theta)$ . Rezultati zgornje enačbe v nekaterih, izbranih primerih so:

1.)  $\theta = 0$ :  $(v_{12}/c) =$

$$= \{[1 - 2(v_1 v_2 / c^2) + (v_1 v_2 / c^2)^2] - [1 - (v_1 / c)^2 - (v_2 / c)^2 + (v_1 v_2 / c^2)^2]\}^{1/2} / [1 - (v_1 v_2 / c^2)] =$$

$$= \{[(v_1 / c) - (v_2 / c)]^2\}^{1/2} / [1 - (v_1 v_2 / c^2)] = [(v_1 / c) - (v_2 / c)] / [1 - (v_1 v_2 / c^2)].$$

$$v_2 = c: (v_{12} / c) = -1$$

$$2.) \theta = 90^\circ: (v_{12} / c) = \{1 - [1 - (v_1 / c)^2 - (v_2 / c)^2 + (v_1 v_2 / c^2)^2]\}^{1/2}$$

$$v_1 = v_2 = v: (v_{12} / c) = \{2(v/c)^2 - (v^2/c^2)^2\}^{1/2} = (v/c)\{2 - (v/c)^2\}^{1/2}$$

$$v = c: (v_{12} / c) = 1$$

3.)  $v_2 = c: (v_{12} / c) = \{[1 - (v_1 v_2 / c^2)^2]\}^{1/2} / [1 - (v_1 v_2 / c^2)] = 1$  **ne glede na vrednost kota  $\theta$  med vektorjem hitrosti  $v_1$  in vektorjem hitrosti  $v_2 = c$**  (glej sliko 4).

Če relativna hitrost  $v_{12}$  ne more preseči vrednosti  $c$ , nas napeljuje to na upravičenost predpostavke, da ima svetloba povsod v Vesolju enako hitrost  $c$ . To je hitrost, ki smo jo izmerili z različnimi metodami, lokalnima Fizeaujevo in Foucaultovo /glej 9, stran 467/in vsemirsko, ki temelji na opazovanju Jupitrovih lun /glej 10/I, stran 45). Na žalost so vse omenjene metode omejene na Zemlji relativno blizki del Vsemirja.

V glavnem strokovna literatura in tako tudi /10, stran 217/ obravnava svetlobno hitrost  $c$  kot **konstanto narave** (energije). Res pa pri tem ne pove povsem jasno ali se to nanaša na celotno Vesolje, ali le na najbližjo našo okolico v katero lahko štejemo Sončni planetni sistem. Če torej razširimo tako naziranje o konstantnosti svetlobne hitrosti na vse Vesolje vse do VP, potem vrednost  $c$  ne more biti odvisna od gravitacijskega potenciala  $\Phi = GM/R$  (e.48), kakor to velja za hitrosti  $v < c$ . Za hitrosti  $v < c$  namreč velja:  $v = v_0(1 + \Phi/v^2) = v_0 + v_1$  (e.49). Pri tem predstavlja  $v$  v tej enačbi  $v_0 \neq c$  vrednost hitrosti  $v$ , ki jo ima ta hitrost  $v$  lokalnem težišču, v katerem je  $\Phi = 0$ ,  $v_1$  pa predstavlja hitrost  $v_1 = (2GM/R)^{1/2} = 2\Phi$  (e.50) v smeri lokalnega težišča z maso  $M$ . Enačba (e.49), ki velja torej le v primeru  $v < c$ , velja v primeru  $v = c$  le asimptotično. Slednje pomeni, da se pri seštevanju hitrosti  $v_1$  in  $v_2 = c$  lahko spreminja le smer rezultančne hitrosti, ne pa tudi njen iznos  $v_2 = c$ . Na taki osnovi je izračunal tudi Einstein leta 1911 svoj prvi približek za uklonski kot  $\varphi$  (glej sliko 5b), za katerega se ukloni foton ob Sončevi površini /glej 13, stran 319 in enačbo (3)/. Povzetek tega izračuna, ki se nanaša na sliko 5a, temelji na enačbi  $W = mc^2$  s pomočjo katere lahko določimo ekvivalentno maso fotona  $m = hf/c^2$  in silo s katero ga Sonce privlači. Če predpostavimo, da je tirnica fotona ob Sončevi površini v prvem približku premica, zaradi majhnega uklona, je uklonski kot  $\varphi$ , ki ga prikazuje slika 5b:  $\varphi = 2l \text{ arc tg}(p_x/p_y) dp_x \cdot 2l dp_x/p_y$ , pri čemer je  $p_y = hf/c$  tangencialna gibalna količina fotona v smeri koordinatne osi,  $p_x$  pa njegova gibalna količina v smeri koordinatne osi  $x$ . Ker je  $dp_x/dt = d(mv)/dt = m(dv/dt) = F_x(t)$  sledi, da je  $dp_x = F_x(t)dt = G(hf/c^2)(M/r^2)(R/r)dt$  in  $2dp_x/p_y = \{(2G/c^4)MR/[(R/c)^2 + t^2]^{3/2}\}dt = \{(R_s R/c^2)/[(R/c)^2 + t^2]^{3/2}\}dt$ . Torej  $\varphi = 2l \int_0^{\varphi} dp_x/p_y = \int_0^{\varphi} \{(R_s R/c^2)/[(R/c)^2 + t^2]^{3/2}\}dt = (R_s/R)t / [(R/c)^2 + t^2]^{1/2} \Big|_0^{\varphi} = (R_s/R) / \{[R/(ct)]^2 + 1\}^{1/2} \Big|_0^{\varphi} = (R_s/R)$ . Če sedaj upoštevamo, da so: masa Sonca  $M = 1,989 \cdot 10^{33}$  g, polmer Sonca,  $R = 6,96 \cdot 10^{10}$  cm,  $G = 6,67 \cdot 10^{-8}$  gravitacijska konstanta v  $\text{cm}^3/(\text{gs}^2)$ , je  $R_s = 2GM/c^2 = 2,147410^5$  cm = 2,948 km in uklonski kot  $\varphi = 2,948/6,96 \cdot 10^5 = 0,42 \cdot 10^{-5}$  rad =  $0,42 \cdot 10^{-5}(360 \cdot 3600)/6,28 = 0,874'$ .

Ta izračun pa je Einstein že leta 1916 popravil. Po novem izračunu je dobil še enkrat večjo vrednost, kate je potrdilo tudi opazovanje ob Sončevem mrku.

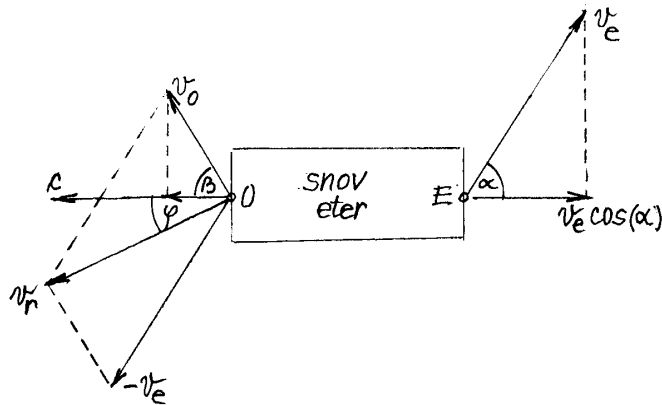
#### O MEDIJU ZA PRENOS ZVOKA IN ZA PRENOS SVETLOBE:

Medij za prenos zvoka je prostor, **ki je napolnjen z molekulami**. Zvok je nihanje, ki se prenaša z nihajočega zvočila  $E$  v nihanje molekul v prostoru med  $E$  in  $O$  in preko teh na sprejemnik  $O$ . Relativno gibanje  $O$  glede na  $E$ : a.) spreminja oddaljenost  $D$  med  $O$  in  $E$ , b.) nima vpliva na hitrost razširjanja zvoka in c.) vpliva pa z relativno hitrostjo  $O$  in  $E$  proti mediju na zveznici med  $O$  in  $E$  na frekvenco sprejetega zvoka.

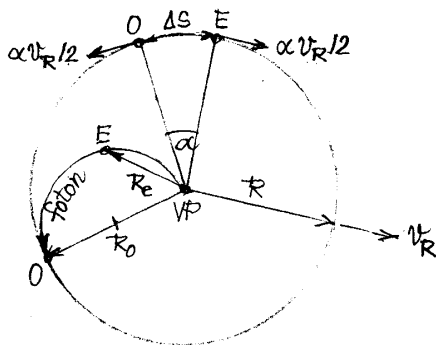
Medij za prenos svetlobe je **prostor**, skozi katerega lahko potujejo fotoni, katere seva svetilo  $E$ . Če je prostor med  $O$  in  $E$  **prazen**, potem fotoni potujejo s hitrostjo  $c$ . Relativno gibanje  $O$  glede na  $E$  a.) spreminja oddaljenost med  $O$  in  $E$ , b.) nima pa vpliva na hitrost  $c$  in c.) vpliva



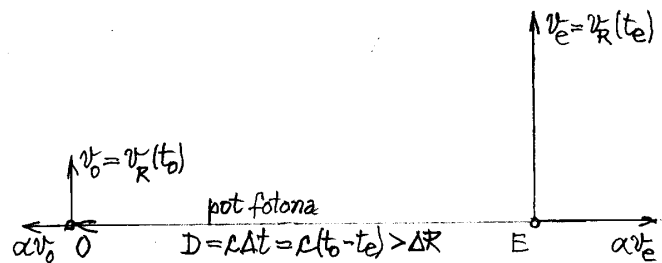
na frekvenco fotonov ob sprejemu, na katero med potovanjem fotona vpliva tudi gravitacijski potencial v prostoru.



Slika 1: Dopplerjev frekvenčni premik pri zvoku in pri svetlobi.



Slika 2: Časovni prerez skozi Vesolje s svetovnico fotona med E in O.



Slika 3: „Iznavnana“ pot fotona od E proti O.